一道组合型不等式

2023-09-22 原文链接

网站版本 1c934d989f84 · 文章 ID h_ab4edd416efb6843

给定正整数 n，设 $\varphi(1),\varphi(2),\cdots,\varphi(n)$ 为 $1,2,\cdots,n$ 的任意一个排列．求

$$f(n)=\sum_{i=1}^{[\frac{n}{2}]}\varphi(i)+\sum_{i=[\frac{n}{2}]+1}^{n}\varphi^{-1}(i)$$

的最小值，其中 $\varphi^{-1}(i)$ 为 i 的原像．

请将解答发送至邮箱 encifanggen@qq.com．如果您有好的原创或改编题，也欢迎投稿．